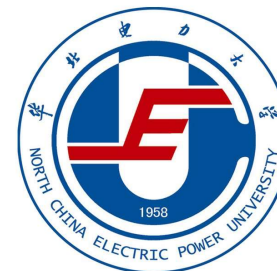


即将直播授课



腾讯课堂
喊你来学习
刘崇茹的课堂



扫码上课

雨课堂邀请码ZMCQON

- 下载腾讯课堂学生端APP：
<https://ke.qq.com/s>
- 扫码进课
- 也可以看回放
- 进一次以后，下次再进课堂不需要再扫码：
我的一最近看过—刘崇茹的课堂
- 请将昵称改为：学号姓名

第二章

电力系统故障的计算机算法

**刘崇茹，教授，博导，副院长
华北电力大学电气与电子工程学院
chongru.liu@ncepu.edu.cn**

课本内容安排

- 电力系统故障计算的等效网络
- 对称短路计算
- 简单不对称故障计算
- 复杂故障的计算方法



复习稳态学过的内容

发布随堂测验4试卷
5分钟



基本假设

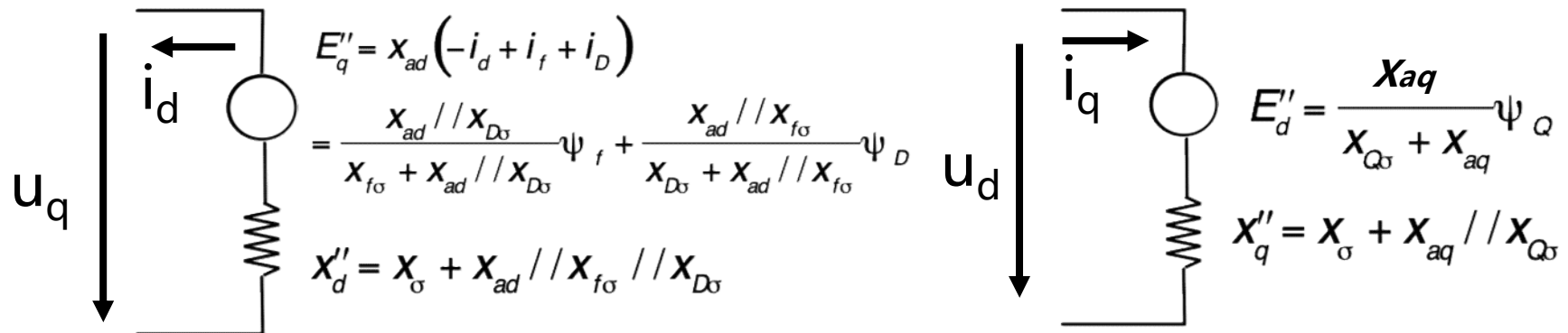
- 用计算机进行故障分析时，主要有以下两条基本假设：
 - 系统各元件的参数是恒定的，因而可以应用叠加原理
 - 除了发生不对称故障的局部以外，系统其余部分各元件的三相参数是对称的
- 系统其余部分各元件的三相参数是对称的
 - 如何理解？
 - 学堂在线慕课《高等电力系统分析》
 - 第二十三课 为什么对称电网可用单相网络进行分析
 - <https://next.xuetangx.com/learn/ncepuP08581001038/ncepuP08581001038/1520555/video/1484813>

计算手段

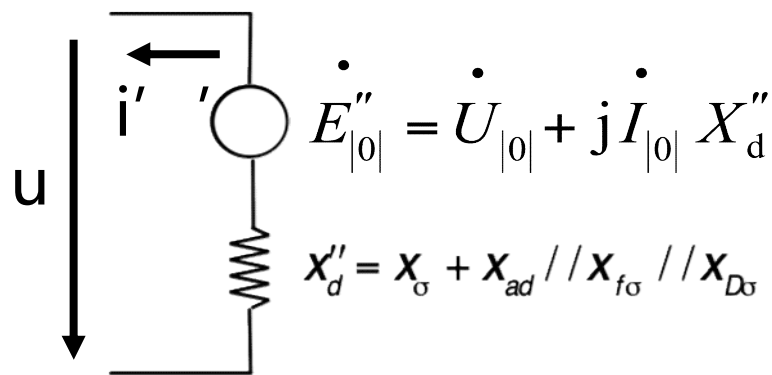
- **利用节点方程进行计算**
 - **元件模型：**
 - **发电机的处理：次暂态戴维南等值电路**
 - **负荷：恒阻抗模型，或忽略负荷**
 - **变压器： π 型等值**
 - **形成节点导纳矩阵或节点阻抗矩阵**
 - **生成支路阻抗矩阵**
 - **生成支路导纳矩阵**
 - **形成节点导纳矩阵 或 节点阻抗矩阵**

元件模型

■ 发电机次暂态等值电路



■ 发电机次暂态等值电路的工程近似



虚构次暂态电动势，便于计算

元件模型

■ 负荷

- 恒阻抗模型，数值由短路前瞬间的负荷功率和节点电压算出： $Z_L = U_L^2 / S_L^*$
- 在简化的短路故障电流计算中，可以不计负荷电流的影响，即将负荷阻抗视为无限大

■ 变压器

- π 型等值
- 三绕组变压器视为3个双绕组变压器

故障后的网络电源

- 故障前电源

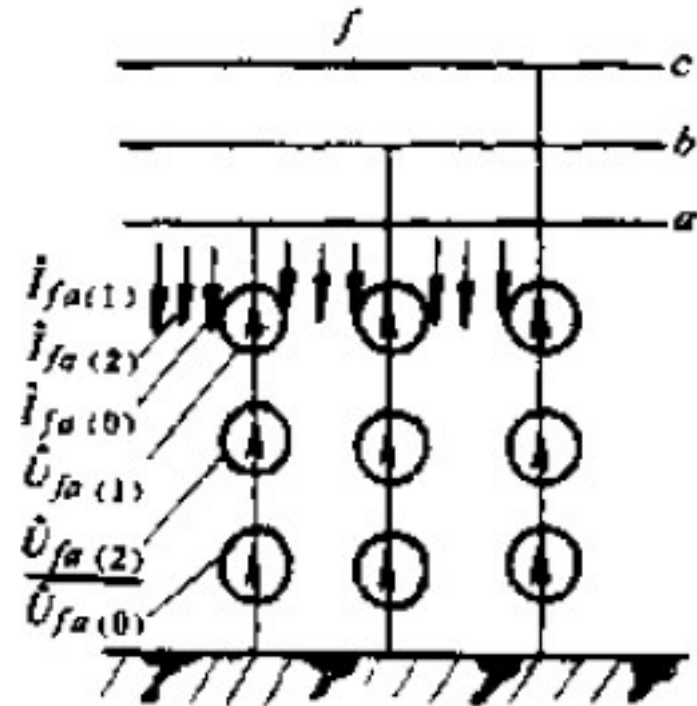
- 只有正序
- 没有负序零序

- 故障后电源

- 电流源和故障电阻
- 由边界条件决定
- 对称故障下只有正序

- 为什么故障前系统中只有正序电源?

- 学堂在线慕课《高等电力系统分析》第二十四课 对称分量法
- <https://next.xuetangx.com/learn/ncepuP08581001038/ncepuP08581001038/1520555/video/1484815>



网络方程

- 原始支路特性方程

- $\mathbf{U}_m = \mathbf{Z}_m \mathbf{I}_m - \mathbf{E}_m$

- \mathbf{Z}_m ——支路阻抗矩阵

- \mathbf{E}_m ——支路等值电压源

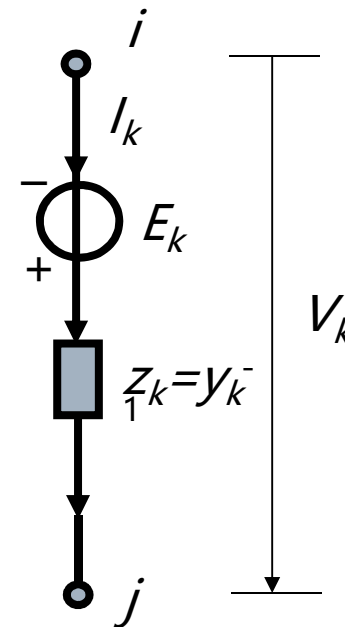
- $\mathbf{I}_m = \mathbf{Y}_m \mathbf{U}_m - \mathbf{J}_m$

- \mathbf{Y}_m ——支路导纳矩阵

- \mathbf{J}_m ——支路等值电流源, $\mathbf{J}_m = -\mathbf{Y}_m \mathbf{E}_m$

- 支路阻抗矩阵的形成

- 支路导纳矩阵的形成



网络方程

- 支路阻抗矩阵和支路等值电压源如何生成？
 - 支路阻抗矩阵 Z_m
 - 无互感支路：对应相应位置对角元
 - 有互感的支路（通常指零序互感）：分块对角阵
 - 对阵、稀疏
 - 支路等值电压源 E_m
 - 发电机支路，简化次暂态戴维南等值电路
- 既然三相网络可用单相网络描述，支路互感是如何产生的？
 - 学堂在线慕课《高等电力系统分析》
 - 第二十五课 元件的序参数
 - <https://next.xuetangx.com/learn/ncepuP08581001038/ncepuP08581001038/1520555/video/1484814>

网络方程

- 支路导纳矩阵和支路等值电流源如何生成？

- 支路导纳矩阵 Y_m

- 支路阻抗矩阵求逆：分块矩阵求逆

- 支路等值电流源 J_m

- $J_m = -Y_m E_m$

- 节点电压方程

- 导纳型 $I = YU$ ，自导纳互导纳

- 阻抗型 $U = Y^{-1}I = ZI$ ，自阻抗互阻抗

网络方程

- **节点电压方程是如何得到的？**

- **学堂在线慕课《高等电力系统分析》**

- **第二课 电力网络的生成**

- <https://next.xuetangx.com/learn/ncepuP08581001038/ncepuP08581001038/1520555/video/1484758>

- **导纳矩阵的修改**

- **学堂在线慕课《高等电力系统分析》**

- **第五课 节点导纳矩阵的修改**

- <https://next.xuetangx.com/learn/ncepuP08581001038/ncepuP08581001038/1520555/video/1484764>

节点电压方程

$$\begin{bmatrix} \dot{I}_1 \\ \vdots \\ \dot{I}_i \\ \vdots \\ \dot{I}_j \\ \vdots \\ \dot{I}_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Y_{11} & \cdots Y_{1i} & \cdots Y_{1j} & \cdots Y_{1n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Y_{i1} & \cdots Y_{ii} & \cdots Y_{ij} & \cdots Y_{in} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Y_{j1} & \cdots Y_{ji} & \cdots Y_{jj} & \cdots Y_{jn} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Y_{n1} & \cdots Y_{ni} & \cdots Y_{nj} & \cdots Y_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \dot{U}_1 \\ \vdots \\ \dot{U}_i \\ \vdots \\ \dot{U}_j \\ \vdots \\ \dot{U}_n \end{bmatrix}$$

自导纳：第*i*个节点加单位电压，其他节点接地，从节点*i*流向网络的注入电流。

互导纳：第*i*个节点加单位电压，其他节点接地，从节点*j*流向网络的注入电流。

- 1) 节点导纳矩阵为对称阵、稀疏矩阵。
- 2) 网络结构变更时，节点导纳矩阵修改速度快、方便。
- 3) 在网络不变的情况下，节点导纳矩阵的结构取决于节点编号顺序。

节点导纳矩阵的形成：

(1) 所有线路循环一次---追加支路法

(2) 关联矩阵

节点导纳矩阵的修改：增加支路，删除支路，改变支路参数

网络方程

- **节点导纳矩阵**

- **对称性、稀疏性**

- **学堂在线慕课《高等电力系统分析》**
 - **第四课 节点导纳矩阵的性质**
 - <https://next.xuetangx.com/learn/ncepuP08581001038/ncepuP08581001038/1520555/video/1484763>

- **节点导纳矩阵的生成**

- **支路追加法**

- **学堂在线慕课《高等电力系统分析》**
 - **第三课 节点导纳矩阵的生成**
 - <https://next.xuetangx.com/learn/ncepuP08581001038/ncepuP08581001038/1520555/video/1484759>

节点电压方程

$$\begin{bmatrix} \dot{U}_1 \\ \vdots \\ \dot{U}_i \\ \vdots \\ \dot{U}_j \\ \vdots \\ \dot{U}_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Z_{11} & \cdots Z_{1i} & \cdots Z_{1j} & \cdots Z_{1n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Z_{i1} & \cdots Z_{ii} & \cdots Z_{ij} & \cdots Z_{in} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Z_{j1} & \cdots Z_{ji} & \cdots Z_{jj} & \cdots Z_{jn} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Z_{n1} & \cdots Z_{ni} & \cdots Z_{nj} & \cdots Z_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \dot{I}_1 \\ \vdots \\ \dot{I}_i \\ \vdots \\ \dot{I}_j \\ \vdots \\ \dot{I}_n \end{bmatrix}$$

自阻抗：第*i*个节点加单位电流，其他节点注入电流为0，节点*i*的电压。也就是从*i*节点看进去的戴维南等效阻抗。

互阻抗：第*i*个节点加单位电流，其他节点注入电流为0，节点*j*的电压。

- 1) 节点阻抗矩阵为对满阵。
- 2) 形成节点阻抗矩阵比较困难：
 - (1) 求逆阵，不建议。
 - (2) 矩阵求逆辅助定理，利用节点导纳矩阵计算。

短路计算

- 应用阻抗型节点方程 ($U=ZI$) 进行求解

$$\dot{U}_{F(1)} = \dot{U}_F^{(0)} - Z_{FF(1)} \dot{I}_{F(1)}$$

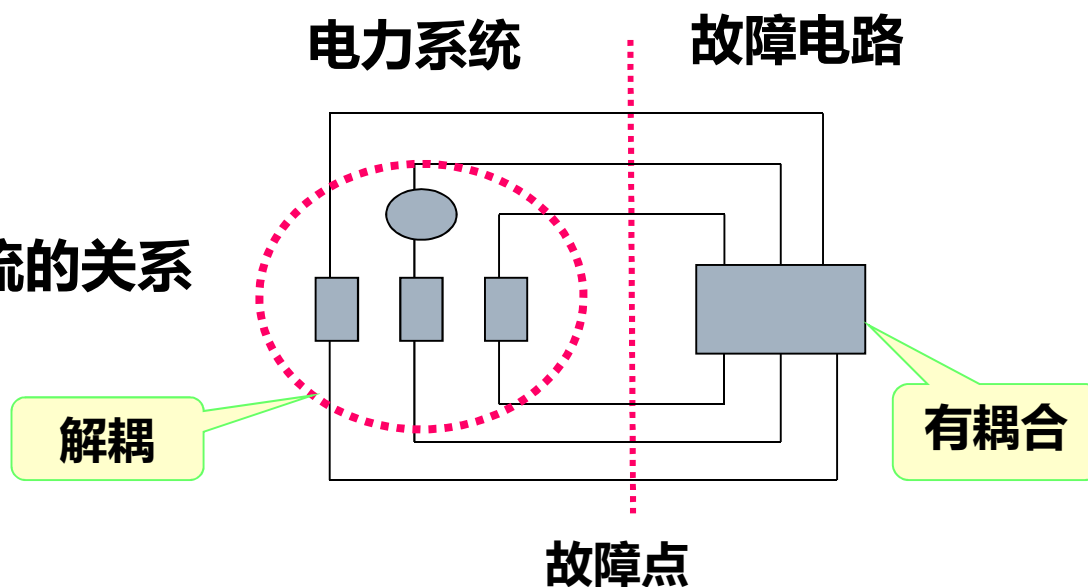
$$\dot{U}_{F(2)} = -Z_{FF(2)} \dot{I}_{F(2)}$$

$$\dot{U}_{F(0)} = -Z_{FF(0)} \dot{I}_{F(0)}$$

- Z_{FF} : 从故障点看进去的等值阻抗, 即故障点自阻抗

- 如何求解?

- 三个方程六个未知数
- 寻找各序电压与序电流的关系



横向不对称故障

■ a相接地短路——序网串联

$$\dot{I}_{F(1)} = \dot{I}_{F(2)} = \dot{I}_{F(0)}$$

$$(\dot{U}_{F(1)} - z_f \dot{I}_{F(1)}) + (\dot{U}_{F(2)} - z_f \dot{I}_{F(2)}) + (\dot{U}_{F(0)} - z_f \dot{I}_{F(0)}) = 0$$

■ bc相短路接地——序网并联

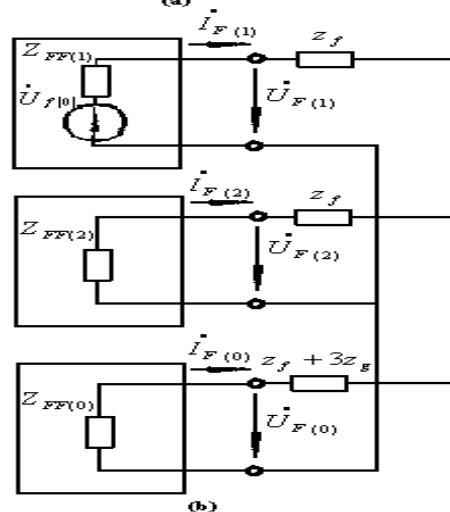
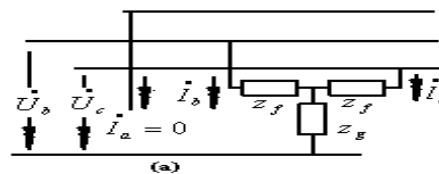
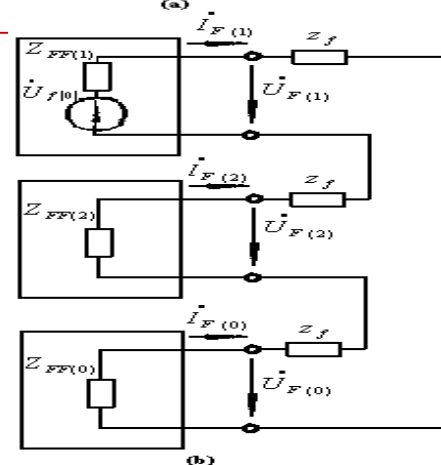
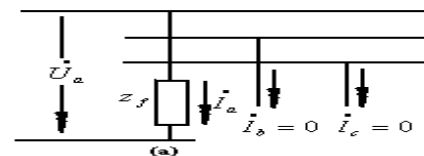
$$\dot{I}_{F(1)} + \dot{I}_{F(2)} + \dot{I}_{F(0)} = 0$$

$$\dot{U}_{F(1)} - z_f \dot{I}_{F(1)} = \dot{U}_{F(2)} - z_f \dot{I}_{F(2)} = \dot{U}_{F(0)} - (z_f + 3z_g) \dot{I}_{F(0)}$$

■ bc相间短路——序网并联

■ z_g 趋于无限大

$$\dot{I}_{F(1)} = -\dot{I}_{F(2)} = \frac{\dot{U}_{f|0}}{Z_{FF(1)} + Z_{FF(2)} + 2z_f}$$



纵向不对称故障

- a相断开——序网并联

- 相当于bc相短路接地

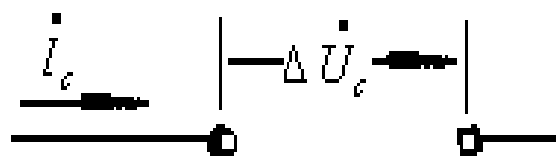
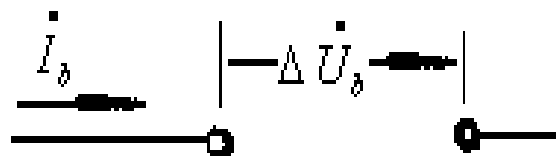
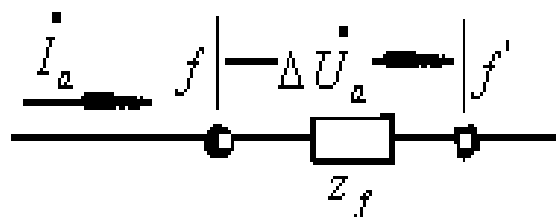
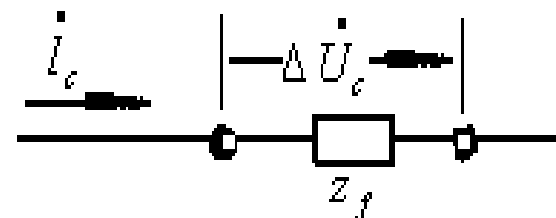
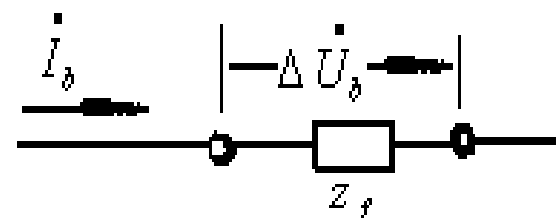
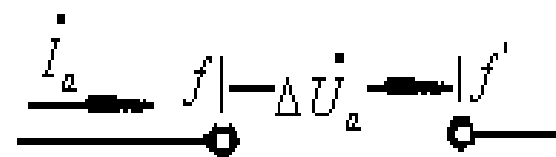
$$\dot{I}_a = 0, \Delta \dot{U}_b - z_f \dot{I}_b = 0$$

$$\Delta \dot{U}_b - z_f \dot{I}_c = 0$$

- bc相断开——序网串联

- 相当于a相短路接地

$$\dot{I}_b = \dot{I}_c = 0, \Delta \dot{U}_a - z_f \dot{I}_a = 0$$



简单不对称故障

$$\dot{U}_{F(1)} = \dot{U}_F^{(0)} - Z_{FF(1)} \dot{I}_{F(1)}$$

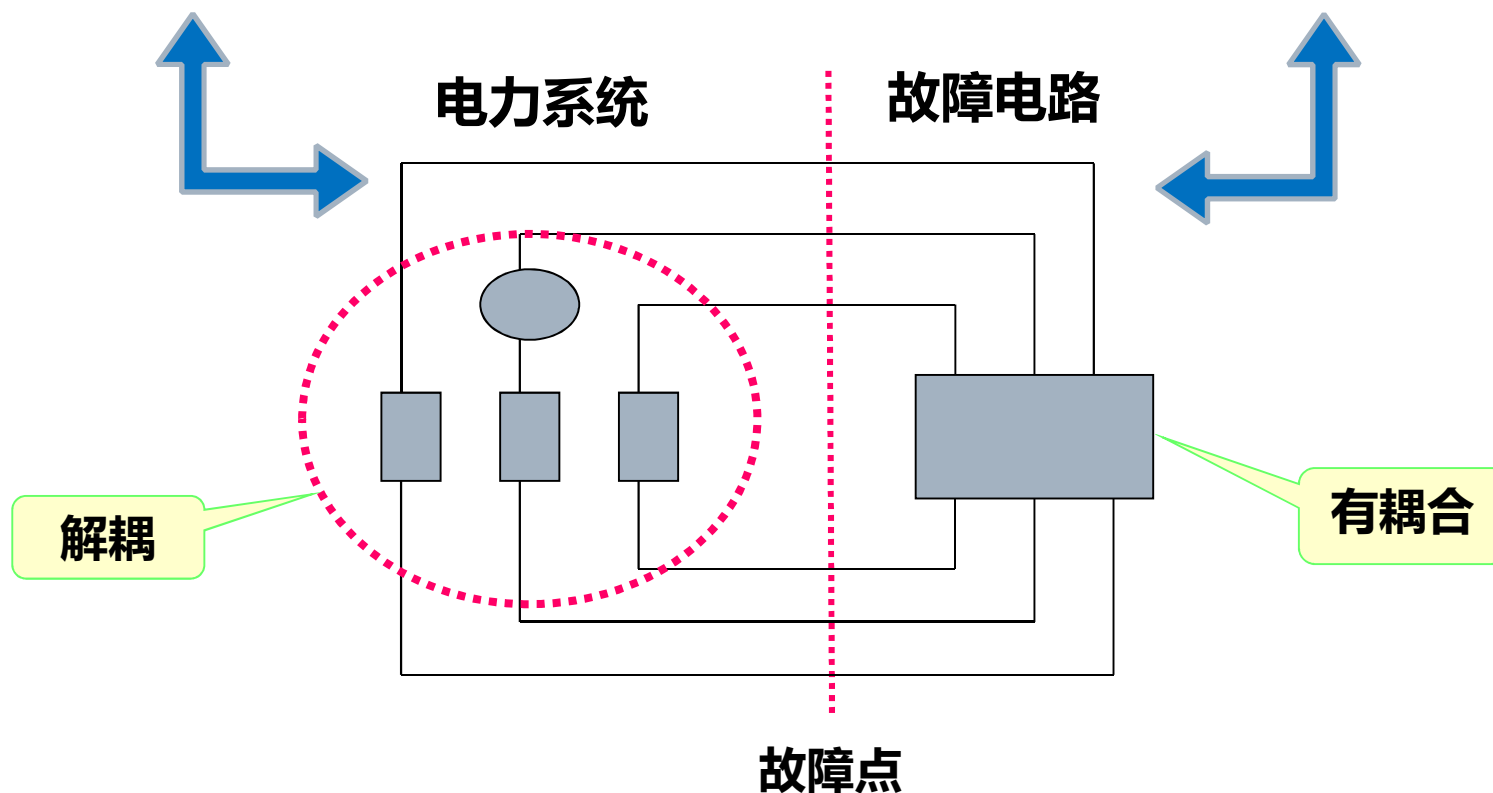
$$\dot{U}_{F(2)} = -Z_{FF(2)} \dot{I}_{F(2)}$$

$$\dot{U}_{F(0)} = -Z_{FF(0)} \dot{I}_{F(0)}$$

+

各序电压与序电流的关系

(3个方程)



简单不对称故障

$$\dot{U}_{F(1)} = \dot{U}_F^{(0)} - Z_{FF(1)} \dot{I}_{F(1)}$$

$$\dot{U}_{F(2)} = -Z_{FF(2)} \dot{I}_{F(2)}$$

$$\dot{U}_{F(0)} = -Z_{FF(0)} \dot{I}_{F(0)}$$

+

各序电压与序电流的关系

(3个方程)

6个方程，6个未知数，可解！



能不能推论到复杂故障？

每个故障点都有6个未知数，那么能不能给每个故障点都找到6个方程呢？如果能，有没有统一的数学描述形式，便于计算机求解呢？



复杂故障

- 多端口复合型故障
 - 变量个数：6N个（各端口正负零序电压和电流）
 - 列写故障点电网侧正负零序电压电流关系（3N个）

$$\dot{U}_{F(1)} = \dot{U}_F^{(0)} - Z_{FF(1)} \dot{I}_{F(1)}$$

$$\dot{U}_{F(2)} = -Z_{FF(2)} \dot{I}_{F(2)}$$

$$\dot{U}_{F(0)} = -Z_{FF(0)} \dot{I}_{F(0)}$$

- Z_{FF} 的获取可参考：
 - 学堂在线慕课《高等电力系统分析》第八课 网络化简
 - <https://next.xuetangx.com/learn/ncepuP08581001038/ncepuP08581001038/1520555/video/1484773>
- 列写故障点故障侧正负零序电压电流关系
 - 序网连接关系方程（3N个）

序分量关系分类

- 每个故障点列写故障侧正负零序电压电流关系
 - 寻找各序电压之间序电流的关系

- 串联型故障

- 单相接地短路和两相断开

$$\dot{I}_{F(1)} = \dot{I}_{F(2)} = \dot{I}_{F(0)}$$
$$(\dot{U}_{F(1)} - z_f \dot{I}_{F(1)}) + (\dot{U}_{F(2)} - z_f \dot{I}_{F(2)}) + (\dot{U}_{F(0)} - z_f \dot{I}_{F(0)}) = 0 \quad (\text{a相接地短路})$$

- 并联型故障

- 两相接地短路和单相开端

- 两相短路是两相接地短路的特殊情况 ($z_g = \infty$)

$$\dot{I}_{F(1)} + \dot{I}_{F(2)} + \dot{I}_{F(0)} = 0$$
$$\dot{U}_{F(1)} - z_f \dot{I}_{F(1)} = \dot{U}_{F(2)} - z_f \dot{I}_{F(2)} = \dot{U}_{F(0)} - (z_f + 3z_g) \dot{I}_{F(0)} \quad (\text{bc相短路接地})$$

序分量关系分类

对复杂故障，问题解决了没？



一个点发生a相短路，另一个点发生c相短路，还有一个地方发生ab相短路，怎么办？

理想移相器

- 理想移相器
 - 只改变相位
 - 目的是根据基准相列写序分量关系
- 具有通用形式
 - 计算机实现
 - 复合故障

在相同的基准相下列写网络方程

理想移相器——以单相接地为例

- 故障相为a相

$$\dot{I}_{F(1)} = \dot{I}_{F(2)} = \dot{I}_{F(0)}$$

$$(\dot{U}_{F(1)} - z_f \dot{I}_{F(1)}) + (\dot{U}_{F(2)} - z_f \dot{I}_{F(2)}) + (\dot{U}_{F(0)} - z_f \dot{I}_{F(0)}) = 0$$

- 故障相为b相

$$a^2 \dot{I}_{F(1)} = a \dot{I}_{F(2)} = \dot{I}_{F(0)}$$

$$a^2 (\dot{U}_{F(1)} - z_f \dot{I}_{F(1)}) + a (\dot{U}_{F(2)} - z_f \dot{I}_{F(2)}) + (\dot{U}_{F(0)} - z_f \dot{I}_{F(0)}) = 0$$

- 故障相为c相

$$a \dot{I}_{F(1)} = a^2 \dot{I}_{F(2)} = \dot{I}_{F(0)}$$

$$a (\dot{U}_{F(1)} - z_f \dot{I}_{F(1)}) + a^2 (\dot{U}_{F(2)} - z_f \dot{I}_{F(2)}) + (\dot{U}_{F(0)} - z_f \dot{I}_{F(0)}) = 0$$

理想移相器取值

■ 串联型故障

$$n_{(1)} \dot{I}_{F(1)} = n_{(2)} \dot{I}_{F(2)} = n_{(0)} \dot{I}_{F(0)}$$

$$n_{(1)} (\dot{U}_{F(1)} - z_f \dot{I}_{F(1)}) + n_{(2)} (\dot{U}_{F(2)} - z_f \dot{I}_{F(2)}) + n_{(0)} (\dot{U}_{F(0)} - z_f \dot{I}_{F(0)}) = 0$$

■ 并联型故障

$$n_{(1)} \dot{I}_{F(1)} + n_{(2)} \dot{I}_{F(2)} + n_{(0)} \dot{I}_{F(0)} = 0$$

$$n_{(1)} (\dot{U}_{F(1)} - z_f \dot{I}_{F(1)}) = n_{(2)} (\dot{U}_{F(2)} - z_f \dot{I}_{F(2)}) = n_{(0)} (\dot{U}_{F(0)} - (z_f + 3z_g) \dot{I}_{F(0)})$$

■ 以a相为对称分量的基准相时

- A相短路时: $n_{(1)} = n_{(2)} = n_{(0)} = 1$
- B相短路时: $n_{(1)} = a^2, n_{(2)} = a, n_{(0)} = 1$
- C相短路时: $n_{(1)} = a, n_{(2)} = a^2, n_{(0)} = 1$

边界条件

■ 串联型故障

$$N_{S(1)} I_{S(1)} = N_{S(2)} I_{S(2)} = N_{S(0)} I_{S(0)}$$

$$N_{S(1)} (\mathbf{U}_{S(1)} - \mathbf{Z}_S I_{S(1)}) + N_{S(2)} (\mathbf{U}_{S(2)} - \mathbf{Z}_S I_{S(2)}) + N_{(0)} (\mathbf{U}_{S(0)} - \mathbf{Z}_S I_{S(0)}) = 0$$

■ 并联型故障

$$N_{P(1)} I_{P(1)} + N_{(2)} I_{P(2)} + N_{(0)} I_{P(0)} = 0$$

$$N_{(1)} (\mathbf{U}_{P(1)} - \mathbf{Z}_P I_{P(1)}) = N_{(2)} (\mathbf{U}_{P(2)} - \mathbf{Z}_P I_{P(2)}) = N_{(0)} (\mathbf{U}_{P(0)} - \mathbf{Z}_P I_{P(0)})$$

复杂故障计算

- 叠加原理 + 理想移相器
- 把故障口分成串联型和并联型
 - 串联型故障口电压电流: U_s, I_s
 - 并联型故障口电压电流: U_p, I_p

列写端口电压电流关系表达式

$$\dot{U}_{F(1)} = \dot{U}_F^{(0)} - Z_{FF(1)} \dot{i}_{F(1)}$$

$$\dot{U}_{F(0)} = -Z_{FF(0)} \dot{i}_{F(0)}$$

$$\dot{U}_{F(2)} = -Z_{FF(2)} \dot{i}_{F(2)}$$

边界条件

串联型故障

or

并联型故障

求解

方程个数 = 变量个数

可解!

复杂故障计算过程

- **已知条件**
 - **电力系统的运行方式、元件的各序参数、各电源电动势、故障地点、故障类型、故障特殊相、故障处附加阻抗**
- **计算步骤**
 - **所需要的各序电阻参数，形成各序阻抗矩阵**
 - **计算故障前各故障口电压**
 - **根据故障类型建立故障方程**
 - **求解故障方程**

你是否观看了相关慕课视频

- A 全部看了
- B 看了一部分
- C 没来得及看
- D 没必要看

Submit

你认为哪几个慕课内容对你有帮助

- A 第23课 为什么对称电网可用单相网络进行分析
- B 第24课 对称分量法
- C 第25课 元件的序参数
- D 第2课 电力网络的生成
- E 第5课 节点导纳矩阵的修改
- F 第4课 节点导纳矩阵的性质
- G 第3课 节点导纳矩阵的生成
- H 第8课 网络化简
- I 没看/没帮助